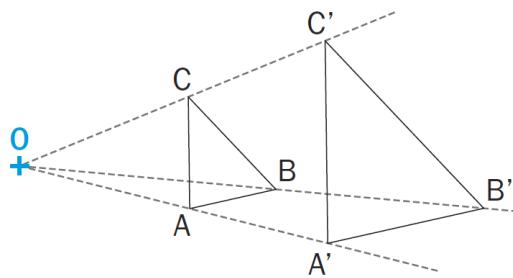




Le triangle  $A'B'C'$  est l'image du triangle  $ABC$  par l'homothétie de centre  $O$  et de rapport  $k$  positif.

- 1. a.** Quelle est l'image du point  $A$  par l'homothétie de centre  $O$  et de rapport  $k$  ?



- b.** Compléter l'égalité par une longueur :

$$= k \times OA$$

- c.** Compléter en procédant de la même façon avec les points  $B$  et  $C$  :

L'image du point  $B$  par l'homothétie de centre  $O$  et de rapport  $k$  est .....

L'image du point  $C$  par l'homothétie de centre  $O$  et de rapport  $k$  est .....

On en déduit que .....  $= k \times OB$  et que .....  $= k \times OC$ .

- d.** On conclut que  $\frac{OA'}{OA} = \frac{OB'}{OB} = \frac{OC'}{OC} = \dots$

- 2. a.** En considérant les triangles  $OAB$  et  $OA'B'$  et en utilisant Thalès, démontrer que  $(AB) \parallel (A'B')$  :

Le point ..... appartient au segment  $[ \dots ]$ .

Le point ..... appartient au segment  $[ \dots ]$ .

Les quotients ..... sont égaux.

Donc, par ..... de Thalès,

- b.**  $\widehat{OAB}$  et  $\widehat{OA'B'}$  sont-ils des angles alternes-internes ? .....

$\widehat{OAB}$  et  $\widehat{OA'B'}$  sont-ils des angles correspondants ? .....

- c.** En utilisant la conclusion de la question **2. a.**, démontrer que les triangles  $OAB$  et  $OA'B'$  ont des angles deux à deux égaux.

En déduire que ces triangles sont semblables.



d. Que peut-on dire des longueurs des côtés de deux triangles semblables ?

Compléter le tableau en associant les côtés homologues de chaque triangle :

Triangle OAB	AB	OA	OB	x ..... 
Triangle OA'B'				

Compléter alors les pointillés :  $A'B' = \dots \times AB$ .

3. Effectuer le même raisonnement qu'à la question 2., en se plaçant dans les triangles OBC et OB'C', puis OAC et OA'C'.

4. Compléter le tableau suivant :

Triangle ABC	AB	AC	BC	x ..... 
Triangle A'B'C'				

Que peut-on en déduire sur les triangles ABC et A'B'C' ?